

(1) حدد مثلوث إحداثيات المتجهة $\vec{u} \wedge \vec{v}$ حيث: $\vec{v}(3;1;-2)$; $\vec{u}(-2;1;-1)$

(2) أحسب مساحة المثلث ABC حيث: $A(-2;1;-1)$; $B(3;1;-2)$; $C(4;1;-5)$

(3) أحسب مسافة $A(1;-3;2)$ عن المستقيم (D) المار من $B(2;-1;3)$ و الموجه ب $\vec{u}(-2;1;-1)$

(4) نعتبر النقط $A(-1;2;-1)$ و $B(1;0;0)$ و $\Omega(2;1;0)$

1- أ- حدد مثلوث إحداثيات $\overline{A\Omega} \wedge \overline{AB}$ ثم اعط معادلة ديكرتية للمستوى $(AB\Omega)$

2- نعتبر الفلكة (S) المعرفة ب: $x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 2y - 1 = 0$: (S)

أ- حدد مركز و شعاع الفلكة (S)

ب- ادرس تقاطع الفلكة و (S) و المستوى $(AB\Omega)$

ج- ادرس تقاطع المستقيم (AB) و الفلكة (S)

(5) نعتبر النقط $A(1;0;0)$ و $B(0;2;0)$ و $C(0;0;2)$

1- أ- بين أن: $\overline{AB} \wedge \overline{AC} = 4\vec{i} + 2\vec{j} + 2\vec{k}$

ب- إستنتج أن النقط A و B و C غير مستقيمية ثم احسب مساحة المثلث ABC .

ج- حدد معادلة ديكرتية للمستوى (ABC) .

2- بين أن المستوى (ABC) مماس للفلكة (S) التي مركزها O و شعاعها $r = \frac{\sqrt{6}}{3}$

$$\begin{cases} x = 2t \\ y = 2t \\ z = t - 1 \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$$

3- نعتبر المستقيم (D) المعروف بالتمثيل البارامترى

بين أن (D) مماس للفلكة التي أحد أقطارها $[OB]$ و حدد نقطة التماس

(6) نعتبر النقطة $A(1;-1;3)$ والمستوى (P) ذا المعادلة: $x - y + 3z = 0$

1- أ- حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (OA)

ب- حدد معادلة للمستوى (Q) العمودي على المستقيم (OA) في A

ج- تحقق من أن (P) يوازي (Q)

2- نعتبر الفلكة (S) المماسية للمستوى (Q) في A و التي يقطعها المستوى (P) وفق الدائرة

التي مركزها O و شعاعها $\sqrt{33}$

أ- بين أن $\Omega(a,b,c)$ مركز الفلكة (S) ينتمي إلى (OA) ثم استنتج أن $b = -a$ و $c = 3a$

ب- بين أن $\Omega A^2 - \Omega O^2 = 33$ ثم استنتج أن $a - b + 3c = -11$

ج- استنتج إحداثيات Ω مركز الفلكة (S) ثم بين أن شعاعها $2\sqrt{11}$